



МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И МОЛОДЁЖНОЙ ПОЛИТИКИ  
СВЕРДЛОВСКОЙ ОБЛАСТИ

УПРАВЛЕНИЕ КУЛЬТУРЫ АДМИНИСТРАЦИИ ГОРОДА ЕКАТЕРИНБУРГА  
Муниципальное нетиповое автономное общеобразовательное учреждение культуры  
«Гимназия «Арт-Этюд»

РАССМОТРЕНО  
Методическим  
объединением учителей  
математики и информатики  
Зав.   
Пермякова С.Н.  
Протокол № 1 от 27.08.2024

ПРИНЯТО  
Педагогическим советом  
Зам.директора по УВР  
  
Горинская М.Г.  
Протокол № 1 от 27.08.2024

УТВЕРЖДЕНО  
Директор МНАОУК  
«Гимназия «Арт-Этюд»  
  
Семенова А.А.  
Приказом № 102-уч  
от 28.08.2024



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»  
базового уровня  
для обучающихся 10-11 классов

Екатеринбург 2024

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя

использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символическими формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулями зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При

решении реальных практических задач учащиеся развиваются наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

### **1. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

#### **10 КЛАСС**

##### **Раздел 1. Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства**

###### **1.1. Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

###### **1.2. Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

###### **1.3. Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

##### **Раздел 2. Функции и графики. Степень с целым показателем**

###### **2.1. Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график.

###### **2.2. Числа и вычисления**

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

##### **Раздел 3. Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства**

###### **3.1. Числа и вычисления**

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

###### **3.2. Уравнения и неравенства**

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **3.3. Функции и графики**

Свойства и график корня  $n$ -ой степени.

## **Раздел 4. Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства**

### **4.1. Числа и вычисления**

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

### **4.2. Функции и графики**

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

### **4.3. Уравнения и неравенства**

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

## **Раздел 5. Последовательности и прогрессии**

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

## **11 КЛАСС**

## **Раздел 1. Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства 12**

### **1.1. Числа и вычисления**

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

### **1.2. Уравнения и неравенства**

Показательные уравнения и неравенства.

### **1.3. Функции и графики**

Показательная функция, её свойства и график.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

## **Раздел 2. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства**

### **2.1. Числа и вычисления**

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы

### **2.2. Уравнения и неравенства**

Логарифмические уравнения и неравенства.

### **2.3. Функции и графики**

Логарифмическая функция, её свойства и график.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

## **Раздел 3. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства**

### **3.1. Функции и графики**

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции, и минимумы функции.

Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **3.2. Уравнения и неравенства**

Примеры тригонометрических неравенств.

## **Раздел 4. Производная. Применение производной.**

### **Начала математического анализа**

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

## **Раздел 5. Интеграл и его применения.**

### **Начала математического анализа**

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

## **Раздел 6. Системы уравнений. Уравнения и неравенства**

### **6.1. Уравнения и неравенства**

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **6.2. Функции и их графики**

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

## **Раздел 7. Натуральные и целые числа.**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

## **Раздел 8. Повторение, обобщение, систематизация знаний**

## **2. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

### **2.1 ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и

российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здравое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; владением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## 2.2 МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются владением универсальными **познавательными** действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

**2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.**

**Общение:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

**Сотрудничество:**

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды;

оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные *регулятивные* действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## 2.3 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### 10 КЛАСС

#### Числа и вычисления

Определять понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Определять понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Определять понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### Уравнения и неравенства

Определять понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

#### Функции и графики

Определять понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

#### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

### **3. ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

#### **10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	14	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5100/start/326934/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5100/start/326934/</a>
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	6			<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5175/start/326685/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5175/start/326685/</a>
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	18	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/start/272542/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/start/272542/</a>
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства	22	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6019/start/199181/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6019/start/199181/</a>
5	Последовательности и прогрессии	5			<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/start/326717/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/start/326717/</a>
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	3	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4	0	

## 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/start/225573/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/start/225573/</a>
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12			<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/5753/start/272574/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/5753/start/272574/</a>
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/start/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/start/</a>
4	Производная. Применение производной	24	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/start/200980/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/start/200980/</a>
5	Интеграл и его применения	9			<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/start/225775/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/start/225775/</a>
6	Системы уравнений	12	1		<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/6122/start/38660/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/6122/start/38660/</a>
7	Натуральные и целые числа	6			<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3908/start/200483/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3908/start/200483/</a>
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2		<a href="https://resh.edu.ru/">https://resh.edu.ru/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

## 4. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
	<b>Раздел 1. Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства</b>	<b>14</b>
	<b>1.1. Множества и логика</b>	<b>1</b>
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.	1
	<b>1.2. Числа и вычисления</b>	<b>7</b>
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1
3	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1
4	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1
<b>5</b>	<b>Контрольная работа стартовая диагностика</b>	<b>1</b>
6	Анализ контрольной работы стартовой диагностики. Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1
7	Арифметические операции с действительными числами	1
8	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1
	<b>1.3. Уравнения и неравенства</b>	<b>6</b>
9	Тождества и тождественные преобразования	1
10	Уравнение, корень уравнения	1
11	Неравенство, решение неравенства	1
12	Метод интервалов	1
13	Решение целых идробно-рациональных уравнений и неравенств	1
<b>14</b>	<b>Контрольная работа №1 по теме "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства"</b>	<b>1</b>
	<b>Раздел 2. Функции и графики. Степень с целым показателем</b>	<b>6</b>
	<b>2.1. Функции и графики</b>	<b>3</b>
15	Анализ контрольной работы №1. Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1
16	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1
17	Чётные и нечётные функции	1
	<b>2.2. Числа и вычисления</b>	<b>3</b>

18	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1
19	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1
20	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1
<b>Раздел 3. Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства</b>		<b>18</b>
<b>3.1. Числа и вычисления</b>		<b>10</b>
21	Арифметический корень натуральной степени	1
22	Арифметический корень натуральной степени	1
23	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
24	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
25	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
26	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1
27	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1
28	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1
29	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1
30	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1
<b>3.2. Уравнения и неравенства</b>		<b>4</b>
31	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
32	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
33	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
34	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.	1
<b>3.3. Функции и графики</b>		<b>4</b>
35	Свойства и график корня n-ой степени	1
36	Свойства и график корня n-ой степени	1
37	<b>Контрольная работа №2 по теме "Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"</b>	<b>1</b>
38	Анализ контрольной работы №2	1
<b>Раздел 4. Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства</b>		<b>22</b>
<b>4.1. Числа и вычисления</b>		<b>4</b>
39	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
40	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
41	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1
42	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1

<b>4.2. Функции и графики числового аргумента</b>	<b>11</b>
43 Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
44 Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
45 Основные тригонометрические формулы: формулы двойного аргумента	1
46 Основные тригонометрические формулы: формулы суммы и разности тригонометрических функций	1
47 Основные тригонометрические формулы: тригонометрические функции суммы и разности аргумента	1
48 Основные тригонометрические формулы: тригонометрические функции половинного аргумента	1
49 Преобразование тригонометрических выражений	1
50 Преобразование тригонометрических выражений	1
51 Преобразование тригонометрических выражений	1
52 Преобразование тригонометрических выражений	1
53 Преобразование тригонометрических выражений	1
<b>4.3. Уравнения и неравенства</b>	<b>7</b>
54 Решение тригонометрических уравнений	1
55 Решение тригонометрических уравнений	1
56 Решение тригонометрических уравнений	1
57 Решение тригонометрических неравенств	1
58 Решение тригонометрических неравенств	1
<b>59 Контрольная работа №3 по теме "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства"</b>	<b>1</b>
60 Анализ контрольной работы №3	1
<b>Раздел 5. Последовательности и прогрессии Начала математического анализа</b>	<b>5</b>
61 Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1
62 Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1
63 Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1
64 Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.	1
65 Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.	1

<b>Раздел 6. Повторение, обобщение, систематизация знаний</b>		<b>3</b>
66	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
67	<b>Итоговая контрольная работа</b>	<b>1</b>
68	<i>Анализ итоговой контрольной работы.</i> Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68

## 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
	<b>Раздел 1. Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства</b>	<b>12</b>
	<b>1.1.Числа и вычисления</b>	<b>5</b>
1	Степень с рациональным показателем	1
2	Свойства степени	1
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
	<b>1.2.Уравнения и неравенства</b>	<b>4</b>
6	Показательные уравнения и неравенства	1
7	Показательные уравнения и неравенства	1
8	Показательные уравнения и неравенства	1
9	Показательные уравнения и неравенства	1
	<b>1.3.Функции и графики</b>	<b>3</b>
10	Показательная функция, её свойства и график	1
11	<b>Контрольная работа по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"</b>	<b>1</b>
12	<i>Анализ контрольной работы №I</i>	1
	<b>Раздел 2. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства</b>	<b>12</b>
	<b>2.1. Числа и вычисления</b>	<b>6</b>
13	Логарифм числа	1
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
	<b>2.2. Уравнения и неравенства</b>	<b>4</b>

19	Логарифмические уравнения и неравенства	1
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1
<b>2.3. Функции и графики</b>		<b>2</b>
23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1
24	Логарифмическая функция, её свойства и график	1
<b>Раздел 3. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства</b>		<b>9</b>
<b>3.1. Функции и графики</b>		<b>4</b>
25	Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции, и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.	1
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей	1
<b>3.2. Уравнения и неравенства</b>		<b>5</b>
29	Примеры тригонометрических неравенств	1
30	Примеры тригонометрических неравенств	1
31	Примеры тригонометрических неравенств	1
32	<b>Контрольная работа №2 по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"</b>	<b>1</b>
33	<i>Анализ контрольной работы №2</i>	1
<b>Раздел 4. Производная. Применение производной. Начала математического анализа</b>		<b>24</b>
<b>Начала математического анализа</b>		<b>24</b>
34	Непрерывные функции	1
35	Метод интервалов для решения неравенств	1
36	Метод интервалов для решения неравенств	1
37	Производная функции	1
38	Производная функции	1
39	Геометрический и физический смысл производной	1
40	Геометрический и физический смысл производной	1
41	Производные элементарных функций	1
42	Производные элементарных функций	1
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1

45	Производная суммы, произведения, частного функций	1
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
54	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1
55	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1
56	<b>Контрольная работа №3 по теме "Производная. Применение производной"</b>	1
57	<i>Анализ контрольной работы №3</i>	1
<b>Раздел 5. Интеграл и его применения</b>		<b>9</b>
<b>Начала математического анализа</b>		<b>9</b>
58	Первообразная. Таблица первообразных	1
59	Первообразная. Таблица первообразных	1
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
<b>Раздел 6. Системы уравнений. Уравнения и неравенства</b>		<b>12</b>
<b>6.1. Уравнения и неравенства</b>		<b>8</b>
67	Системы линейных уравнений	1
68	Системы линейных уравнений	1
69	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1

71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
74	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1
<b>6.2. Функции и графики</b>		<b>4</b>
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
77	<b>Контрольная работа №4 по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"</b>	<b>1</b>
78	<i>Анализ контрольной работы №4</i>	1
<b>Раздел 7. Натуральные и целые числа.</b>		<b>6</b>
<b>Числа и вычисления</b>		<b>6</b>
79	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
82	Признаки делимости целых чисел	1
83	Признаки делимости целых чисел	1
84	Признаки делимости целых чисел	1
<b>Раздел 8. Повторение, обобщение, систематизация знаний</b>		<b>18</b>
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
94	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
98	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
99	Итоговая контрольная работа	1
<b>100</b>	<b>Итоговая контрольная работа</b>	<b>1</b>

101	<i>Анализ итоговой контрольной работы</i>	1
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102

## 5. ВНЕУРОЧНАЯ ДЕЯТЕЛЬНОСТЬ

Внеурочная деятельность по предмету осуществляется в том числе посредством различных форм организации, отличных от урочной системы обучения, таких как экскурсии, кружки, секции, круглые столы, конференции, диспуты, школьные научные общества, олимпиады, конкурсы, соревнования, поисковые и научные исследования, общественно полезные практики и т.д. Внеурочная деятельность позволяет реализовывать федеральную рабочую программу воспитания и федеральный календарный план воспитательной работы.

№	Вид внеурочной деятельности	Классы	Время проведения
1.	120 лет со дня рождения Николая Алексеевича Островского (1904-1936)	10-11	27-30 сентября
2.	Олимпиады СПбАППО «Открытая российская интернет-олимпиада по математике для школьников: Осень, октябрь, математика», зима, весна	10-11	22 – 30 октября 2024 22 – 30 января 2025 22 – 30 марта 2025
3.	Многопрофильная олимпиада УрФУ "Изумруд" - по математике - по информатике	10-11	Отборочный тур сентябрь-январь, очный тур февраль 2025
4.	День математика	10-11	1 декабря 2024
5.	День Неизвестного солдата.	10-11	3 декабря 2024
6.	День памяти жертв Холокоста. День освобождения Красной армией крупнейшего «лагеря смерти» Аушвиц-Биркенау (Освенцима)	10-11	27 января 2025
7.	День Воинской славы России	10-11	2 февраля 2025
8.	День памяти о геноциде советского народа нацистами и их пособниками в годы Великой Отечественной войны.	10-11	19 апреля 2025

Оператор ЭДО ООО "Компания "Тензор"

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

МУНИЦИПАЛЬНОЕ НЕТИПОВОЕ АВТОНОМНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ КУЛЬТУРЫ " ГИМНАЗИЯ "АРТ-ЭТЮД", Семенова Анастасия  
Анатольевна, Директор

14.10.24 09:26  
(MSK)

Сертификат 5582E4667594AB2FA97171A92606C1AD